

Chimie :

Partie 1 : SUIVI TEMPOREL DE LA DÉGRADATION DE LA VITAMINE C DANS UN JUS D'ORANGE

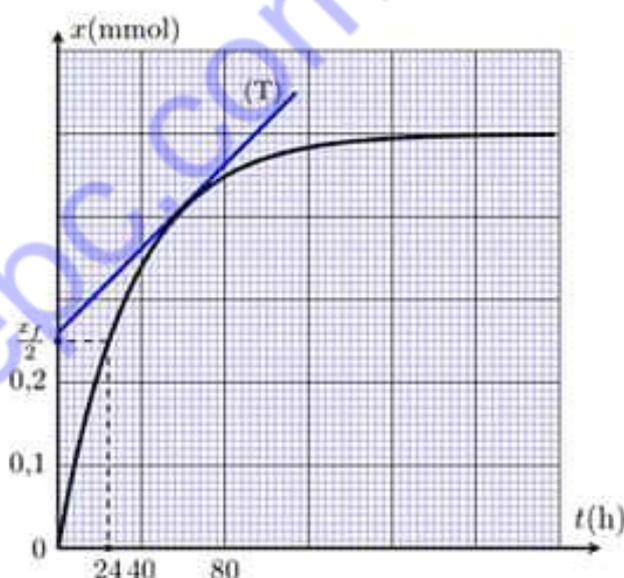
1- Les affirmations :

- a- La concentration initiale des réactifs est un facteur cinétique : **Vrai**
- b- L'évolution d'un système chimique est toujours considérée comme terminée au bout d'une durée égale à deux fois le temps de demi-réaction : **Faux**
- c- Plus les chocs entre les espèces réactives sont nombreux et efficaces, plus la réaction chimique est rapide : **Vrai**

2- À $t = t_{1/2}$, on a : $x_{1/2} = \frac{x_f}{2} \stackrel{\text{A.N.}}{=} 0,25 \text{ mmol}$, et par projection on trouve : $t_{1/2} = 24 \text{ h}$

3- Vitesse volumique à l'instant t_1 :

$$\begin{aligned} v &= \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} \\ &= \frac{1}{V} \left(\frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \right) \\ &= \frac{1}{200 \times 10^{-3}} \cdot \frac{0,32 - 0,26}{24 - 0} \\ &\stackrel{\text{A.N.}}{=} 1,25 \times 10^{-2} \text{ mmol L}^{-1} \text{ h}^{-1} \end{aligned}$$



Partie 2 : DOSAGE D'UNE SOLUTION AQUEUSE DE LA VITAMINE C

1- Équation du dosage :



2- Graphiquement on trouve : $V_{BE} = 25 \text{ mL}$

3- À l'équivalence :

$$\begin{aligned} C_A \cdot V_A &= C_B \cdot V_{BE} \\ C_A &= \frac{C_B \cdot V_{BE}}{V_A} \\ &\stackrel{\text{A.N.}}{=} 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1} \end{aligned}$$

4- Masse restante de vitamine C dans le comprimé laissé à l'air :

$$\begin{aligned} m &= n \cdot M(\text{AH}) \\ &= C_A \cdot V_{SA} \cdot M(\text{AH}) \\ &\stackrel{\text{A.N.}}{=} 220 \text{ mg} \end{aligned}$$

5- Étude de la réaction :

5.1- K_A constante d'acidité est la constante d'équilibre de la réaction d'un acide AH avec l'eau.
On sait que :

$$K_A = \frac{[A^-] \cdot [H_3O^+]}{[AH]}$$

$$-\log K_A = -\log \left(\frac{[A^-] \cdot [H_3O^+]}{[AH]} \right)$$

et puisque : $pH = -\log[H_3O^+]$
On obtient :

$$pK_A = pH + \log \frac{[AH]}{[A^-]}$$

5.2- Avant l'équivalence :

Équation de la réaction		AH + HO ⁻ → A ⁻ + H ₂ O			
État du système	Avancement	Quantités de matière en mol			
État initial	0	$C_A V_A$	$C_B V_B$	0	en excès
Avant l'équivalence	x	$C_A V_A - x$	$C_B V_B - x$	x	en excès

Le réactif limitant est HO⁻, donc : $x = C_B \cdot V_B$.

D'après le tableau d'avancement, on a :

$$[A^-] = \frac{C_B V_B}{V_A + V_B}$$

Et :

$$[A^-] = \frac{C_B V_B}{V_A + V_B} \quad \text{et} \quad [AH] = \frac{C_A V_A - C_B V_B}{V_A + V_B} = \frac{C_B (V_{BE} - V_B)}{V_A + V_B}$$

Et puisque : $C_A V_A = C_B V_{BE}$, alors :

$$\frac{[AH]}{[A^-]} = \frac{C_B (V_{BE} - V_B)}{C_B V_B} = \frac{V_{BE} - V_B}{V_B} \implies \frac{[AH]}{[A^-]} = \frac{V_{BE}}{V_B} - 1$$

5.3- Pour $V_B = 8,5 \text{ mL}$, on a d'après la courbe : $pH = 3,8$ et :

$$\frac{[AH]}{[A^-]} \stackrel{A.N}{=} \frac{25}{8,5} - 1 = 1,94$$

On sait d'autre part que : $pK_A = pH + \log \frac{[AH]}{[A^-]} \implies pK_A = 3,8 + \log 1,94 = 4,09 \simeq 4,1$

5.4- Constante d'équilibre K associée à la réaction du dosage : $HA + HO^- \longrightarrow A^- + H_2O$

$$K = \frac{[A^-]}{[AH] \cdot [HO^-]} \times \frac{[H_3O^+]}{[H_3O^+]} = \frac{K_A}{K_e} \implies K = 10^{pK_e - pK_A} \stackrel{A.N}{=} 7,9 \times 10^9$$

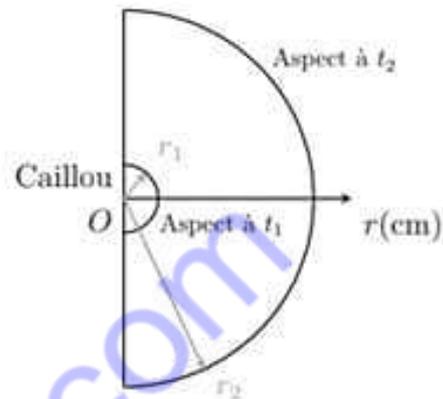
Exercice 2: Propagation d'un signal à la surface de l'eau

1- La proposition juste est: **B**

2- L'aspect de la surface de l'eau à deux instants t_1 et t_2 est donné par la figure ci-contre :

2.1- Pour la vitesse de propagation, on sait que :

$$\begin{aligned} v &= \frac{d}{\Delta t} \\ &= \frac{r_2 - r_1}{\Delta t} \\ &\stackrel{\text{A.N}}{=} 0,28 \text{m/s} \end{aligned}$$



2.2- Pour l'instant t_2 , on a :

$$v = \frac{r_2}{t_2} \iff t_2 = \frac{r_2}{v} \stackrel{\text{A.N}}{=} 2\text{s}$$

3- On peut estimer la célérité v de l'onde qui se propage à la surface de l'eau par : $v = \sqrt{gh}$.

3.1- L'équation aux dimensions est donnée par :

$$\begin{aligned} [v] &= ([g] \times [h])^{1/2} \\ &= (\text{L} \cdot \text{T}^{-2} \cdot \text{L})^{1/2} \\ &= (\text{L}^2 \cdot \text{T}^{-2})^{1/2} \\ [v] &= \text{L} \cdot \text{T}^{-1} \end{aligned}$$

Donc la relation $v = \sqrt{gh}$ est homogène.

3.2- Calcul de h :

$$v = \sqrt{gh} \iff h = \frac{v^2}{g}$$

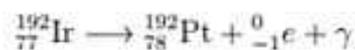
Donc, par application numérique : $h \stackrel{\text{A.N}}{=} 8 \times 10^{-3} \text{m} = 8 \text{mm}$.

Exercice 3: Désintégration de l'iridium 192

1- la composition du noyau d'iridium ${}^{192}_{77}\text{Ir}$:

- Nombre de protons $Z = 77$.
- Nombre de neutrons $N = A - Z = 115$.

2- D'après les lois de Soddy l'équation de désintégration, est donnée par :



Donc le type de désintégration est β^-

3- L'activité de la source à $t = 0$ est $a_0 = 1,08 \times 10^{-2} \text{Bq}$.

3.1- Calculons le nombre de noyaux d'iridium N_0 à $t = 0$, on a :

$$a_0 = N_0 \times \lambda \iff N_0 = \frac{a_0}{\lambda}$$

Or : $\lambda = \ln(2)/t_{1/2}$, on aura alors :

$$N_0 = a_0 \times \frac{t_{1/2}}{\ln(2)} \stackrel{AN}{=} 9,96 \times 10^4$$

3.2- Calculons le nombre de noyaux d'iridium désintégrés N_d au bout de deux ans.
 D'après la loi de la décroissance radioactive, on trouve :

$$N_r = N_0 \exp(-\lambda \Delta t)$$

Ainsi que :

$$N_d = N_0 - N_r$$

En utilisant ces deux relations, on trouve :

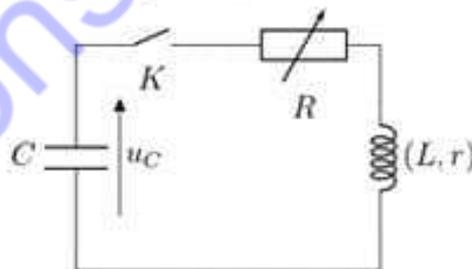
$$N_d = N_0 (1 - \exp(-\lambda \Delta t))$$

$$\stackrel{AN}{=} 9,94 \times 10^4$$

Commentaire: les noyaux initiales est presque totalement désintégrés.

Exercice 4: Électricité

1- Décharge d'un condensateur dans un dipôle RL :



1.1- l'amortissement observé des oscillations est dû à la dissipation progressive de l'énergie initiale en énergie thermique par effet joule dans les résistances du circuit.

1.2- D'après la loi des mailles appliquées dans le circuit ci-dessus :

$$u_C + u_R + u_L = 0 \iff u_C + R_0 i + r i + L \frac{di}{dt} = 0$$

$$\iff u_C + (R_0 + r) C \frac{du_C}{dt} + LC \frac{d^2 u_C}{dt^2} = 0$$

1.3- On sait que $\forall t$:

$$\mathcal{E}_T = \mathcal{E}_e + \mathcal{E}_m$$

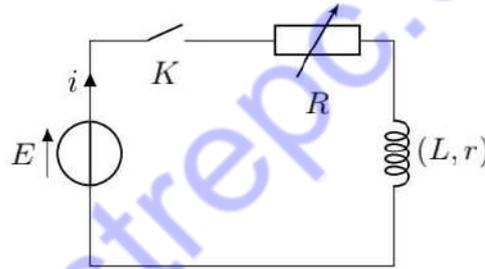
$$= \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L i^2$$

- À $t = t_1$ on a: $u_C(t_1) = 0 \iff \mathcal{E}_T = \frac{1}{2}Li_{\max}^2$: Donc l'énergie totale dans le circuit à l'instant t_1 est une **énergie magnétique** emmagasiné dans la bobine.
- À $t = t_2$ on a: $|u_C(t_2)| = u_{\max} \iff \mathcal{E}_T = \frac{1}{2}Cu_{\max}^2$: Donc l'énergie totale dans le circuit à l'instant t_2 est une **énergie électrique** emmagasinée dans le condensateur.

1.4- Calculons \mathcal{E}_j l'énergie dissipée par effet joule entre $t = 0$ et t_2 .

$$\begin{aligned}
 \mathcal{E}_j &= |\Delta \mathcal{E}_t| \\
 &= |\mathcal{E}_{t_2} - \mathcal{E}_{t_0}| \\
 &= \left| \frac{1}{2}Cu_{2,\max}^2 - \frac{1}{2}Cu_{0,\max}^2 \right| \\
 &= \left| \frac{1}{2}Cu_{2,\max}^2 - \frac{1}{2}Cu_{0,\max}^2 \right| \\
 &= 1,83 \times 10^{-9} \text{J}
 \end{aligned}$$

2- Réponse d'un dipôle RL à un échelon de tension :



2.1- d'après la loi d'additivité des tensions

$$\begin{aligned}
 u_R + u_L &= E \\
 R_1 i + ri + L \frac{di}{dt} &= E \\
 \left(\frac{R_1 + r}{L} \right) i + \frac{di}{dt} &= \frac{E}{L}
 \end{aligned}$$

On trouve par suite l'équation à démontrer :

$$\frac{di}{dt} = - \left(\frac{R_1 + r}{L} \right) i + \frac{E}{L}$$

2.2- La courbe de la figure ci-dessous représente les variations de $\frac{di}{dt}$ en fonction de i :

2.2.1- La courbe de la figure ci-dessous est une fonction affine qui s'écrit sous la forme :

$$\frac{di}{dt} = ki + b, \text{ par analogie avec l'équation précédente :}$$

$$b = \frac{E}{L} \quad \text{et} \quad k = - \left(\frac{R_1 + r}{L} \right) = -\frac{1}{\tau}$$

Donc : $L = E/b$, or graphiquement $b = 3 \times 10^3 \text{A.s}^{-1}$, par suite par application numérique on trouve : $L = 2\text{mH}$.

2.2.2- la valeur de la constante du temps τ du circuit.

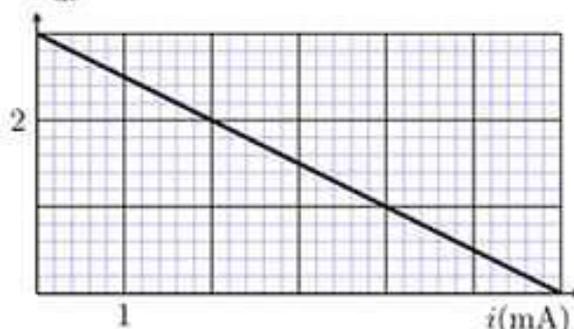
$$k = -\frac{1}{\tau}$$

$$\tau = -\frac{1}{k}$$

$$= -\left(\frac{0 - 6 \times 10^{-3}}{3 \times 10^3 - 0}\right)$$

$$\stackrel{A.N}{=} 2\mu s$$

$$\frac{di}{dt} (10^3 A.s^{-1})$$



Exercice 5: Mécanique

Partie 1 : CHUTE VERTICALE D'UNE BILLE DANS UN LIQUIDE

1- Cherchons l'équation différentielle :

Bilan des forces exercées sur la bille :

- \vec{P} : Le poids de la bille
- \vec{F} : La poussée d'Archimède
- \vec{f} : forces de frottements fluide

D'après la deuxième loi de Newton :

$$\sum \vec{F}_{ex} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{F} = m\vec{a}$$

En projetant sur l'axe (Oz) :

$$P_z + f_z + F_z = ma_z$$

$$mg - \mu v_z - \rho_L V_B g = m \frac{dv_z}{dt}$$

$$g(m - \rho_L V_B) - \mu v_z = m \frac{dv_z}{dt}$$

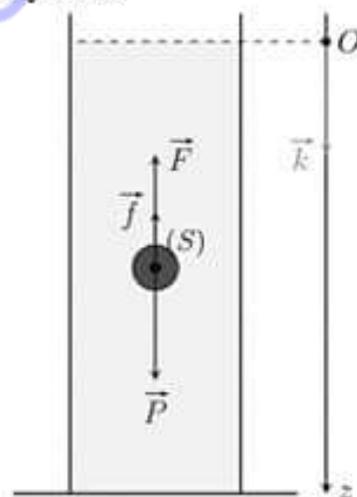
$$\frac{dv_z}{dt} + \frac{\mu}{m} v_z = g \left(1 - \frac{\rho_L V_B}{m}\right)$$

$$\frac{dv_z}{dt} + \frac{\mu}{m} v_z = g \left(1 - \frac{\rho_L V_B}{\rho_B V_B}\right)$$

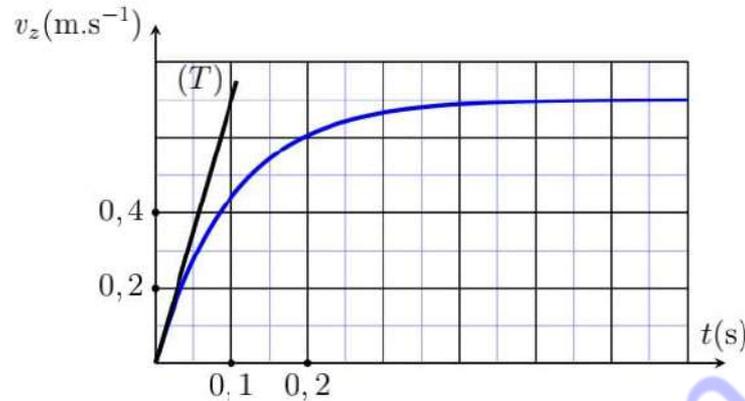
$$\frac{dv_z}{dt} + \frac{\mu}{m} v_z = g \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_B}\right)$$

On pose : $\tau = \frac{m}{\mu}$, avec :

$$\frac{dv_z}{dt} + \frac{v_z}{\tau} = g \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_B}\right)$$



2- On obtient par un logiciel la figure ci-dessous :



2.1- D'après le graphe ci-dessus, on a : $v_l = 0,7 \text{ m/s}$.

2.2- De même, d'après le graphe ci-dessus, la constante du temps est : $\tau = 0,1 \text{ s}$

2.3- L'accélération a_0 est donnée par :

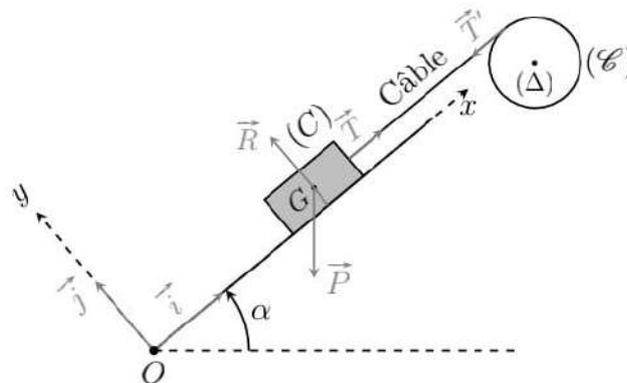
$$a_0 = \frac{v_l}{\tau} \stackrel{\text{A.N}}{=} 7 \text{ m/s}^2$$

3- On sait que : $\tau = \frac{m}{\mu} \iff \mu = \frac{m}{\tau} \stackrel{\text{A.N}}{=} 5 \times 10^{-2} \text{ Kg/s}$. D'autre part l'équation différentielle à $t = 0$:

$$\begin{aligned} a_0 &= g \left(1 - \frac{\rho_L}{\rho_B} \right) \iff \frac{\rho_L}{\rho_B} = 1 - \frac{a_0}{g} \\ &\iff \rho_L = \rho_B \left(1 - \frac{a_0}{g} \right) \\ &\iff \rho_L \stackrel{\text{A.N}}{=} 1,58 \times 10^3 \text{ Kg/m}^3 \end{aligned}$$

Partie 2 : MOUVEMENT D'UN SYSTÈME MÉCANIQUE

1- Soit le système mécanique suivant :



1.1- Puisque le fil est inextensible et de masse négligeable, alors :

$$a_G = r\ddot{\theta} = r \frac{d^2\theta}{dt^2} \stackrel{\text{A.N}}{=} 4 \text{ m/s}^2$$

1.2- D'après l'équation horaire de mouvement du corps (C)

$$x(t) = \frac{1}{2}a_G t^2 + v_0 t + x_0$$

Et d'après l'équation horaire θ le système démarre sans vitesse initiale, donc : $v_0 = 0$.
Alors l'équation horaire de mouvement devient:

$$x(t) = \frac{1}{2}a_G t^2 + x_0$$

La distance parcouru par le corps est donc :

$$d = x - x_0 = \frac{1}{2}a_G t^2 \stackrel{A.N}{=} 8\text{m}$$

2- Cherchons l'équation qui décrit le système $\{(C), (\mathcal{C})\}$:

Bilan des forces exercées sur (C) :

- \vec{P} : Le poids de (C)
- \vec{T} : Tension de fil
- \vec{R} : Réaction du plan

D'après la deuxième loi de Newton :

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \vec{a}_G$$

$$\vec{R} + \vec{T} + \vec{P} = m \vec{a}_G$$

En projetant sur l'axe (Ox) :

$$R_x + T_x + P_x = m a_x$$

$$T - mg \sin \alpha = m a_G$$

On trouve, donc :

$$T = m(a_G + g \sin \alpha) \quad (1)$$

Bilan des forces exercées sur (\mathcal{C}) :

- \vec{P}' : Le poids de (\mathcal{C})
- \vec{T}' : Tension de fil
- \vec{R}' : Réaction de l'axe de rotation
- Le couple moteur de moment \mathcal{M}

D'après la deuxième loi de Newton dans le cas de rotation :

$$\mathcal{M}_\Delta(\vec{P}') + \mathcal{M}_\Delta(\vec{R}') + \mathcal{M}_\Delta(\vec{T}') + \mathcal{M} = J_\Delta \ddot{\theta}$$

$$-T'r + \mathcal{M} = J_\Delta \frac{a_G}{r}$$

Donc, on trouve finalement :

$$\mathcal{M} = J_{\Delta} \frac{a_G}{r} + T'r$$

Le fil est inextensible et de masse négligeable $T' = T$, en utilisant la formule (1), on trouve :

$$\begin{aligned} \mathcal{M} &= J_{\Delta} \frac{a_G}{r} + m(a_G + g \sin \alpha)r \\ &= \frac{a_G}{r} (J_{\Delta} + mr^2) + mgr \sin \alpha \\ &\stackrel{AN}{=} 111,5 \text{ N.m} \end{aligned}$$

Fin d'épreuve :

Pour toute remarque contacter nous sur :

✉ elf12med@gmail.com